

Beobachtung:

- In **gängigen** Prozessoren kann man Werte von jedem Register in jedes andere schieben \implies
Die Kosten zwischen Registern differieren nur um eine Konstante :-)
- Komplexe rechte Seiten lassen sich i.a. mittels **elementarerer** Instruktionen simulieren \implies
Die Kosten zwischen Teilausdrücken und Registern differieren nur um eine Konstante :-))
- Die Kostenberechnung ist additiv \implies
Wir können statt mit absoluten Kosten-Angaben auch mit Kosten-Differenzen rechnen !!!
Von diesen gibt es nur **endlich viele** :-)

... im Beispiel:

$$\begin{aligned}\delta_c &= \{A \mapsto 1, D \mapsto 0\} = \bar{q}_0 \\ &= \delta_D\end{aligned}$$

$$\delta_A = \{A \mapsto 0, D \mapsto 1\} = \bar{q}_1$$

$$\delta_+(\bar{q}_1, \bar{q}_0) = \{A \mapsto 2, D \mapsto 1, A + A \mapsto 0\} = \bar{q}_2$$

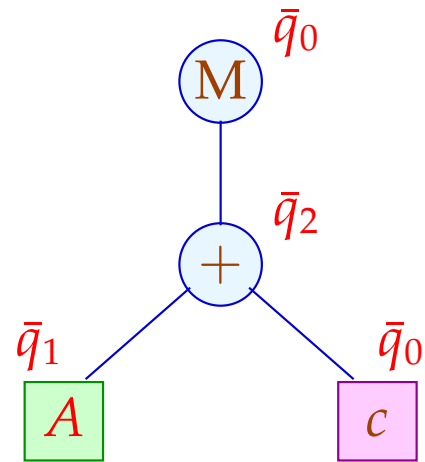
$$\delta_+(\bar{q}_0, \bar{q}_0) = \{A \mapsto 1, D \mapsto 0, A + A \mapsto 1\} = \bar{q}_3$$

$$\delta_+(\bar{q}_1, \bar{q}_1) = \{A \mapsto 4, D \mapsto 3, A + A \mapsto 0\} = \bar{q}_4$$

...

$$\begin{aligned}\delta_M(\bar{q}_2) &= \{A \mapsto 1, D \mapsto 0\} = \bar{q}_0 \\ &= \delta_M(\bar{q}_i) \quad , \quad i = 0, \dots, 4\end{aligned}$$

... das liefert die folgende Berechnung:



Für jede Konstanten-Klasse c und jedes Register R in δ_c tabellieren wir die zu wählende billigste Berechnung:

$$c : \{A \mapsto 5, 3, D \mapsto 3\}$$

Analog tabellieren wir für jeden Operator a , jedes $\tau \in \bar{Q}^k$ und jedes R in $\delta_a(\tau)$:

M	select_M
\bar{q}_0	$\{A \mapsto 5, 1, D \mapsto 1\}$
\bar{q}_1	$\{A \mapsto 5, 1, D \mapsto 1\}$
\bar{q}_2	$\{A \mapsto 5, 0, D \mapsto 0\}$
\bar{q}_3	$\{A \mapsto 5, 1, D \mapsto 1\}$
\bar{q}_4	$\{A \mapsto 5, 0, D \mapsto 0\}$

Für “+” ist die Tabelle besonders einfach:

+	\bar{q}_j
\bar{q}_i	$\{A \mapsto 5, 3, D \mapsto 3\}$

Problem:

- Für reale Instruktionssätze benötigt man leicht um die 1000 Zustände.
- Die Tabellen für mehrstellige Operatoren werden riesig :-)

⇒ Wir benötigen Verfahren der Tabellen-Komprimierung ...

Tabellen-Kompression:

Die Tabelle für “+” sieht im Beispiel so aus:

+	\bar{q}_0	\bar{q}_1	\bar{q}_2	\bar{q}_3	\bar{q}_4
\bar{q}_0	\bar{q}_3	\bar{q}_2	\bar{q}_3	\bar{q}_3	\bar{q}_3
\bar{q}_1	\bar{q}_2	\bar{q}_4	\bar{q}_2	\bar{q}_2	\bar{q}_2
\bar{q}_2	\bar{q}_3	\bar{q}_2	\bar{q}_3	\bar{q}_3	\bar{q}_3
\bar{q}_3	\bar{q}_3	\bar{q}_2	\bar{q}_3	\bar{q}_3	\bar{q}_3
\bar{q}_4	\bar{q}_3	\bar{q}_2	\bar{q}_3	\bar{q}_3	\bar{q}_3

Die meisten Zeilen / Spalten sind offenbar ganz ähnlich ;-)

Idee 1: Äquivalenzklassen

Wir setzen $q \equiv_a q'$, genau dann wenn

$$\begin{aligned} \forall p : \quad & \delta_a(q, p) = \delta_a(q', p) \quad \wedge \quad \delta_a(p, q) = \delta_a(p, q') \\ & \wedge \text{select}_a(q, p) = \text{select}_a(q', p) \quad \wedge \quad \text{select}_a(p, q) = \text{select}_a(p, q') \end{aligned}$$

Im Beispiel:

$$Q_1 = \{\bar{q}_0, \bar{q}_2, \bar{q}_3, \bar{q}_4\}$$

$$Q_2 = \{\bar{q}_1\}$$

mit:

+	Q_1	Q_2
Q_1	\bar{q}_3	\bar{q}_2
Q_2	\bar{q}_2	\bar{q}_4

Idee 2: Zeilenverschiebung

Sind viele Einträge **gleich** (im Beispiel etwa **default** = \bar{q}_3), genügt es, die übrigen Einträge zu speichern ;-)

Im Beispiel:

$+$	\bar{q}_0	\bar{q}_1	\bar{q}_2	\bar{q}_3	\bar{q}_4
\bar{q}_0		\bar{q}_2			
\bar{q}_1	\bar{q}_2	\bar{q}_4	\bar{q}_2	\bar{q}_2	\bar{q}_2
\bar{q}_2		\bar{q}_2			
\bar{q}_3		\bar{q}_2			
\bar{q}_4		\bar{q}_2			

Dann legen wir:

- (1) gleiche Zeilen übereinander;
- (2) verschiedene (Klassen von) Zeilen auf Lücke verschoben übereinander:

	\bar{q}_0	\bar{q}_1	\bar{q}_2	\bar{q}_3	\bar{q}_4		0	1
class	0	1	0	0	0	disp	0	2

	0	1	2	3	4	5	6
A	\bar{q}_2	\bar{q}_2	\bar{q}_4	\bar{q}_2	\bar{q}_2	\bar{q}_2	\bar{q}_2
valid	0	0	1	1	1	1	1

Für jeden Eintrag im ein-dimensionalen Feld A vermerken wir in $valid$, zu welcher Zeile der Eintrag gehört ...

Ein Feld-Zugriff $\delta_+(\bar{q}_i, \bar{q}_j)$ wird dann so realisiert:

```
 $\delta_+(\bar{q}_i, \bar{q}_j) =$  let  $c = \text{class}[\bar{q}_i];$   
                   $d = \text{disp}[c];$   
in if ( $valid[d + j] \equiv c$ )  
    then  $A[d + j]$   
    else default  
end
```



Reinhard Wilhelm, Saarbrücken

Diskussion:

- Die Tabellen werden i.a. erheblich kleiner.
- Dafür werden Tabellenzugriffe etwas teurer.
- Das Verfahren versagt in einigen (theoretischen) Fällen.
- Dann bleibt immer noch das **dynamische** Verfahren ...

möglicherweise mit **Caching** der einmal berechneten Werte,
um unnötige Mehrfachberechnungen zu vermeiden :-)

3.3 Instruction Level Parallelität

Moderne Prozessoren führen nicht eine Instruktion nach der anderen aus.

Wir betrachten hier zwei Ansätze:

- (1) VLIW (Very Large Instruction Words)
- (2) Pipelining

VLIW:

Eine Instruktion führt simultan bis zu k (etwa 4:-) elementare Instruktionen aus.

Pipelining:

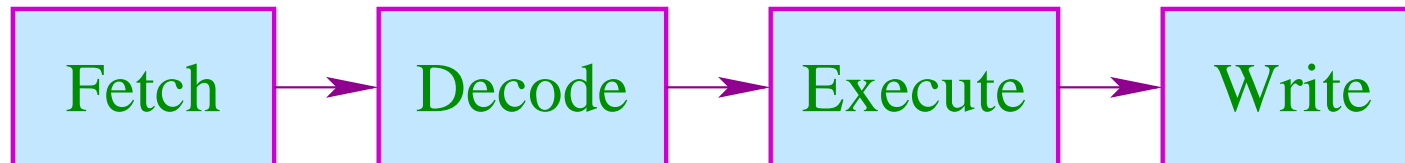
Instruktionsausführungen können zeitlich überlappen.

Beispiel:

$$w = (R_1 = R_2 + R_3 \mid D = D_1 * D_2 \mid R_3 = M[R_4])$$

Achtung:

- Instruktionen belegen Hardware-Einrichtungen.
- Instruktionen greifen auf die gleichen Register zu \implies
Hazards
- Ergebnisse einer Instruktion liegen erst nach einiger Zeit vor.
- Während dieser Zeit wechselt i.a. die benutzte Hardware:



- Während **Execute** bzw. **Write** werden evt. unterschiedliche interne Register/Busse/Alus benutzt.

Wir schließen:

Aufteilung der Instruktionsfolge in Wörter und ihre
Aufeinanderfolge ist Restriktionen unterworfen ...

Im folgenden ignorieren wir die Phasen **Fetch** und **Decode** :-)

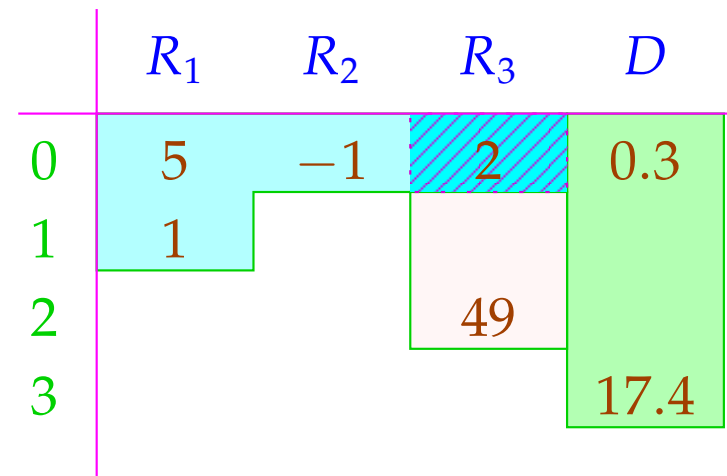
Beispiele für Restriktionen:

- (1) maximal ein Load/Store pro Wort;
- (2) maximal ein Jump;
- (3) maximal ein Write in das selbe Register.

Timing:

Gleitkomma-Operation	3
Laden/Speichern	2
Integer-Arithmetik	1

Timing-Diagramm:



R_3 wird überschrieben, nachdem die Addition 2 abgeholte :-)

Wird auf ein Register mehrfach zugegriffen (hier: R_3), wird eine Strategie zur **Konfliktlösung** benötigt ...

Konflikte:

Read-Read: Ein Register wird mehrfach ausgelesen.

⇒ i.a. unproblematisch :-)

Read-Write: Ein Register wird in einer Instruktion sowohl gelesen wie geschrieben.

Lösungsmöglichkeiten:

- ... verbieten!
 - Lesen wird verzögert (**stalls**), bis Schreiben beendet ist!
 - Lesen zeitlich **vor** dem Schreiben liefert den alten Wert!
- Gleichzeitiges** Lesen wird verzögert/verboten/bevorzugt.

Write-Write: Ein Register wird mehrfach beschrieben.

⇒ i.a. unproblematisch :-)

Lösungsmöglichkeiten:

- ... verbieten!
- ...

In unseren Beispielen ...

- erlauben wir gleichzeitiges Lesen;
- verbieten wir gleichzeitiges Schreiben bzw. Schreiben und Lesen;
- fügen wir keine Stalls ein.

Wir betrachten erst mal nur Basis-Blöcke, d.h. Folgen von Zuweisungen ...

Idee: Datenabhängigkeitsgraph

Knoten	Instruktionen
Kanten	Abhängigkeiten

Beispiel:

(1) $x = x + 1;$

(2) $y = M[A];$

(3) $t = z;$

(4) $z = M[A + x];$

(5) $t = y + z;$

Mögliche Abhängigkeiten:

Definition	→	Use	//	Reaching Definitions
Use	→	Definition	//	???
Definition	→	Definition	//	Reaching Definitions

Reaching Definitions:

Ankommende Definitionen

Ermittle für jedes u , welche Variablen-Definitionen ankommen
⇒ mithilfe Ungleichungssystem berechenbar :-)

Der abstrakte Bereich:

$\mathbb{R} = 2^{\text{Nodes}}$ // Man hätte auch Kanten nehmen können :-)

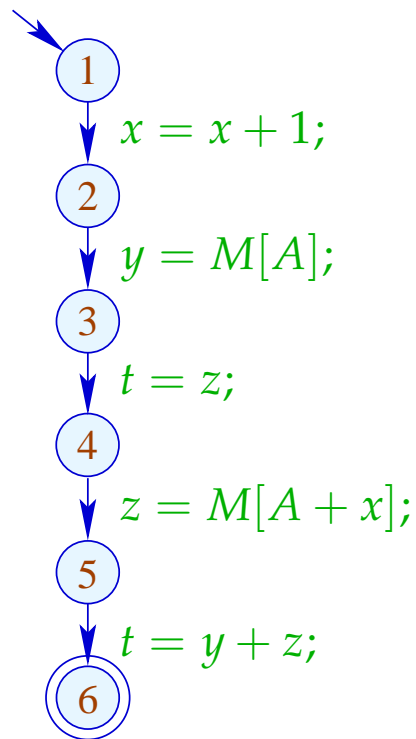
Die Transfer-Funktionen:

$$\begin{aligned} \llbracket (_, ;, _) \rrbracket^\# R &= R \\ \llbracket (_, \text{Pos}(e), _) \rrbracket^\# R &= \llbracket (_, \text{Neg}(e), _) \rrbracket^\# R = R \\ \llbracket (u, x = e; , _) \rrbracket^\# R &= (R \setminus \text{Defs}_x) \cup \{u\} \quad \text{wobei} \\ &\quad \text{Defs}_x \text{ die Menge der Definitionen von } x \text{ ist} \\ \llbracket (u, x = M[A]; , _) \rrbracket^\# R &= (R \setminus \text{Defs}_x) \cup \{u\} \\ \llbracket (_, M[A] = x; , _) \rrbracket^\# R &= R \end{aligned}$$

Die Information wird offenbar **vorwärts** propagiert, wobei die Ordnung auf dem vollständigen Verband \mathbb{R} " \subseteq " ist :-)

Vor Programm-Ausführung ist die Menge der ankommenden Definitionen $d_0 = \{\bullet_x \mid x \in \text{Vars}\}$.

... im Beispiel:



	\mathcal{R}
1	$\{\bullet_x, \bullet_y, \bullet_z, \bullet_t\}$
2	$\{1, \bullet_y, \bullet_z, \bullet_t\}$
3	$\{1, 2, \bullet_z, \bullet_t\}$
4	$\{1, 2, 3, \bullet_z\}$
5	$\{1, 2, 3, 4\}$
6	$\{1, 2, 4, 5\}$

Seien U_i, D_i die Mengen der an einer von u_i ausgehenden Kante benutzten bzw. definierten Variablen. Dann gilt:

$(u_1, u_2) \in DD$ falls $u_1 \in \mathcal{R}[u_2] \wedge D_1 \cap D_2 \neq \emptyset$

$(u_1, u_2) \in DU$ falls $u_1 \in \mathcal{R}[u_2] \wedge D_1 \cap U_2 \neq \emptyset$

... im Beispiel:

		Def	Use
1	$x = x + 1;$	$\{x\}$	$\{x\}$
2	$y = M[A];$	$\{y\}$	$\{A\}$
3	$t = z;$	$\{t\}$	$\{z\}$
4	$z = M[A + x];$	$\{z\}$	$\{A, x\}$
5	$t = y + z;$	$\{t\}$	$\{y, z\}$

